

Методическая разработка урока по геометрии 8 классе

Кожокарь Ирина Евгеньевна, учитель математики.

ГБОУ СОШ № 354 г. Санкт-Петербурга

Тема урока: «Соотношение между сторонами и углами прямоугольного треугольника»

Цели урока:

- образовательная:

обобщить понятия синус, косинус, тангенс острого угла в прямоугольном треугольнике, исследовать зависимости и соотношения между этими величинами; формирование умений и навыков в применении соотношений между сторонами и углами прямоугольного треугольника; формирование умений работать с задачей.

Познавательный аспект: уметь приобретать новые знания, используя различные подходы.

- развивающая:

развитие памяти, мышления, наблюдательности, внимательности; развитие познавательного интереса; развитие познавательных и исследовательских умений учащихся, повышение культуры общения; развитие математической речи учащихся в процессе выполнения устной работы по воспроизведению теоретического материала; развитие у школьников самостоятельности мышления.

- воспитательная:

воспитание самостоятельности, аккуратности, умения отстаивать свою точку зрения, умения выслушать других, способствовать повышению активности учащихся на уроке, повышению грамотности устной и письменной речи.

Тип урока: комбинированный.

Формы организации познавательной деятельности: Фронтальная, индивидуальная, групповая .

Оборудование: тестовые работы, презентация (при наличии необходимого оборудования), карточки для блиц- опроса, модели треугольников.

| № п/п | Этапы урока | Время |
|-------|--------------------------------|-------|
| 1. | Организационный момент. | 1-2 |
| 2. | Сообщение темы и целей урока | 2-3 |
| 3. | Воспроизведение опорных знаний | 10 |

| | | |
|----|---------------------------------------|-----|
| 4. | Повторение изученного материала | 3-4 |
| 5. | Решение задач | |
| 6. | Рефлексия. | |
| 7. | Подведение итогов. Выставление оценок | |
| 8. | Постановка домашнего задания | |

Эпиграф:

Не стыдно чего-нибудь не знать,
но стыдно не хотеть учиться (Сократа)

Ход урока

1. Организационный момент.

2. Сообщение темы и целей урока

Учитель: мы заканчиваем изучение темы «Соотношения между сторонами и углами треугольника», сегодня мы проводим обобщающий урок по этой теме и основной целью нашего урока является – систематизация и обобщение знаний учащихся.

Мотивация урока. (слайд 1)

Один мудрец сказал: « Высшее проявление духа – это разум. Высшее проявление разума – это геометрия. Клетка геометрии – это треугольник. Он так же неисчерпаем, как и Вселенная...»

У вас может возникнуть вопрос: Почему в геометрии особое внимание уделяется прямоугольному треугольнику, хотя не часто встречаются предметы подобной формы?

Как в химии изучают вначале элементы, а затем – их соединения, в биологии – одноклеточные, а потом – многоклеточные организмы, так и в геометрии – точки, отрезки и треугольники, из которых состоят другие геометрические фигуры.

Среди этих фигур прямоугольный треугольник играет особую роль. Действительно, любой многоугольник можно разбить на треугольники, умея находить угловые и линейные элементы этих треугольников, можно найти все элементы многоугольника. В свою очередь, любой треугольник можно разбить одной из его высот на два прямоугольных треугольника, элементы которых связаны более простой зависимостью. Найти элементы треугольника можно. Если свести задачу к решению этих двух прямоугольных треугольников.

3. Воспроизведение опорных знаний

Блиц – опрос (слайд № 2)

(слайд № 3)

| Вариант 1 | Вариант 2 |
|--|--|
| 1. Закончите предложение: «Косинусом острого угла прямоугольного треугольника называется отношение...» | 1. Закончите предложение: «Синусом острого угла прямоугольного треугольника называется отношение...» |
| 2. Закончите предложение: «Тангенсом острого угла прямоугольного треугольника называется отношение...» | 2. Закончите предложение: «Если острый угол одного прямоугольного треугольника равен острому углу другого прямоугольного треугольника, то...» |
| 3. Запишите, используя обозначения косинус 60° равен $\frac{1}{2}$ | 3. Запишите, используя обозначения синус 45° равен $\frac{\sqrt{2}}{2}$ |
| 4. Запишите основное тригонометрическое тождество | 4. Запишите формулой, чему равен тангенс угла A |
| 5. Может ли синус острого угла равняться 1,01? | 5. Тангенс острого угла прямоугольного треугольника равен единице. Какого вида этот треугольник? |
| Чему равен? | Чему равен? |
| 6. $\sin 60^\circ$ | 6. $\cos 30^\circ$ |
| 7. $\cos 45^\circ$ | 7. $\sin 45^\circ$ |
| 8. $\operatorname{Tg} 60^\circ$ | 8. $\operatorname{Tg} 30^\circ$ |

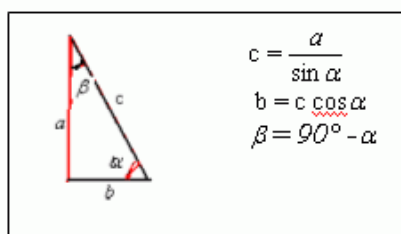
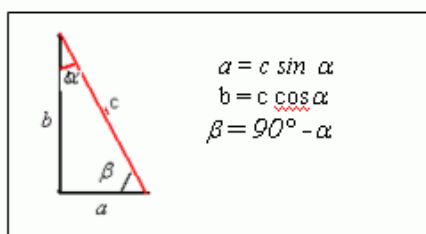
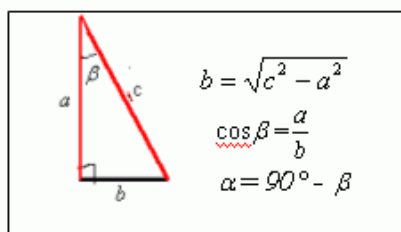
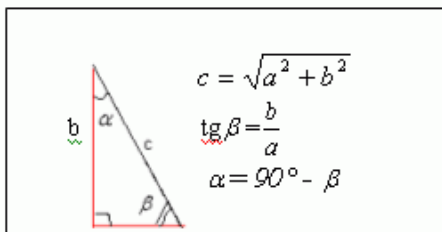
(слайд №4)

| Ответы | Ответы |
|--|---|
| 1...прилежащего катета к гипотенузе; | 1...противолежащего катета к гипотенузе; |
| 2...противолежащего катета к прилежащему; | 2...синусы, косинусы, тангенсы этих углов также равны; |
| 3. $\cos 60^\circ = 1/2$; | 3. $\sin 45^\circ = \frac{\sqrt{2}}{2}$ |
| 4. $\sin^2 A + \cos^2 A = 1$; | 4. $\operatorname{tg} A = \frac{\sin A}{\cos A}$ |
| 5. Нет; | 5. равнобедренный; |
| 6. $\frac{\sqrt{3}}{2}$ | 6. $\frac{\sqrt{3}}{2}$ |
| 7. $\frac{\sqrt{2}}{2}$ | 7. $\frac{\sqrt{2}}{2}$ |

8. $\sqrt{3}$ 8. $\frac{\sqrt{3}}{3}$

4. Повторение изученного материала

Вспомним содержание основных задач на решение прямоугольных треугольников. Решение данных задач основано на теореме Пифагора и понятиях $\sin a$, $\cos a$, $\operatorname{tg} a$

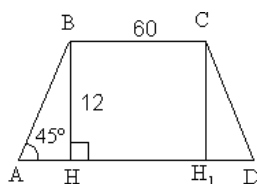


5. Решение задач

Решение многих прикладных задач основано на решении прямоугольных треугольников. Рассмотрим некоторые виды прикладных задач.

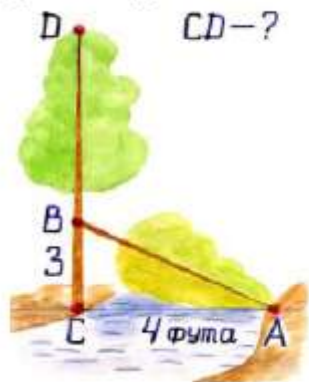
- 1) Задачи на нахождение высоты предмета, основание которого доступно.
- 2) Задачи на нахождение высоты предмета, основание которого недоступно.
- 3) Задачи на нахождение расстояния между двумя пунктами, которые разделяет препятствие.
- 4) Задачи на нахождение углов.

Задача. Насыпь шоссейной дороги имеет в верхней части ширину 60 м. Какова ширина насыпи в нижней её части, если угол наклона откосов к горизонту равен 60° , а высота насыпи равна 12 м. (учебник № 600) (слайд № 7)



Решение исторических задач. (слайд №8)

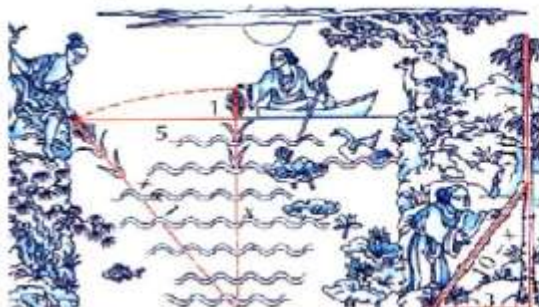
Задача индийского математика XII века Бхаскары



«На берегу реки рос тополь одинокий.
Вдруг ветра порыв его ствол надломал.
Бедный тополь упал. И угол прямой
С теченьем реки его ствол составлял.
Запомни теперь, что в этом месте река
В четыре лишь фута была широка
Верхушка склонилась у края реки.
Осталось три фута всего от ствола,
Прошу тебя, скоро теперь мне скажи:
У тополя как велика высота?»

(слайд № 9)

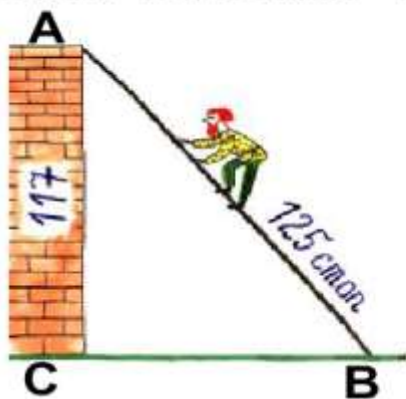
Задача из китайской «Математики в девяти книгах»



«Имеется водоем со стороной в 1 чжан = 10 чи. В центре его растет камыш, который выступает над водой на 1 чи. Если потянуть камыш к берегу, то он как раз коснется его. Спрашивается: какова глубина воды и какова длина камыша?».

(слайд № 10)

Задача из учебника «Арифметика» Леонтия Магницкого



«Случися некому человеку к стене лестницу прибрати, стены же тоя высота есть 117 стоп. И обреете лестницу долготью 125 стоп. И ведати хочет, колико стоп сея лестницы нижний конец от стены отстояти имать.»

1. Самостоятельная работа. (слайд № 12)

Раздаем карточки

| Вариант 1 | Вариант 2 |
|--|---|
| <p>1. Найдите синус угла A $\triangle ABC$, угол $C=90^\circ$, если $BC=4$, $AB=5$.</p> <p>a) $\frac{5}{4}$; б) $\frac{4}{5}$; в) $\frac{3}{5}$; г) $\frac{5}{3}$.</p> | <p>1. Найдите косинус угла B $\triangle ABC$, угол $C=90^\circ$, если $BC=3$, $AB=5$</p> <p>a) $\frac{5}{3}$; б) $\frac{4}{5}$; в) $\frac{3}{5}$; г) $\frac{5}{4}$.</p> |

| | |
|---|--|
| $1. \sin \alpha = \frac{5}{13} \quad \text{а) } \frac{5}{8}; \text{б) } \frac{12}{5};$ $\text{в) } \frac{5}{12}; \text{г) } \frac{8}{5}.$ | $2. \cos \alpha = \frac{8}{17} \quad \text{а) } \frac{9}{8}; \text{б) } \frac{15}{8};$ $\text{в) } \frac{8}{15}; \text{г) } \frac{8}{9}.$ |
| <p>3. Дано: $\triangle ABC$, $BC=5\text{см}$ угол $C=90^\circ$, угол $A=41^\circ$ Найти: AC а) $5 \cdot \cos 41^\circ$; б) $5 \cdot \text{tg} 41^\circ$; в) $5 \cdot \text{tg} 41^\circ$; г) $5 \cdot \sin 41^\circ$.</p> | <p>2. Дано: $\triangle ABC$, $BC=9\text{см}$, угол $C=90^\circ$, угол $B=49^\circ$ Найти: AC а) $9 \cdot \text{tg} 49^\circ$; б) $9 \cdot \cos 49^\circ$; в) $9 \cdot \sin 49^\circ$; г) $9 \cdot \text{tg} 49^\circ$.</p> |
| <p>4. $\sin^2 60^\circ - 3 \cdot \text{tg} 45^\circ$ а) -2,25; б) -1,25; в) -0,75; г) -1,5.</p> | <p>4. $\cos^2 45^\circ - 4 \cdot \sin 30^\circ$ а) -2; б) -3; в) -1,5; г) -2,5.</p> |

6. Рефлексия. (слайд № 13)

- ✓ Трудным ли для тебя был материал урока?
- ✓ На каком из этапов урока было труднее всего, легче всего?
- ✓ Работал ли ты на уроке в полную меру сил?
- ✓ Как эмоционально ты чувствовал себя на уроке?

7. Подведение итогов. Выставление оценок

8. Домашнее задание. (слайд № 14)

Письменно № 599,602

Повторить п. 66, 67.

– Спасибо урок окончен. До свидания! (слайд № 15)

Используемая литература:

Атанасян Л.С., Бутузов В.Ф., Кадомцев С.Б. и др. Геометрия, 7-9: учеб. Для общеобразоват. учреждений. – 18-е изд. – М.: Просвещение, 2008.

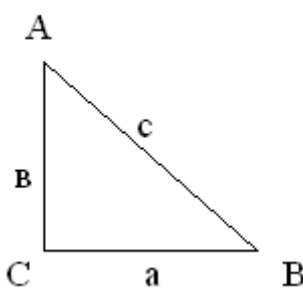
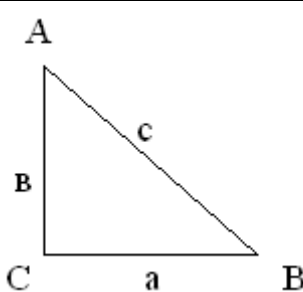
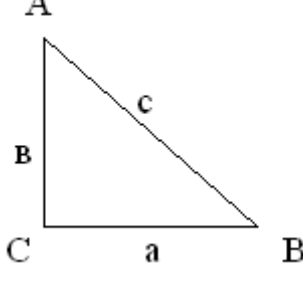
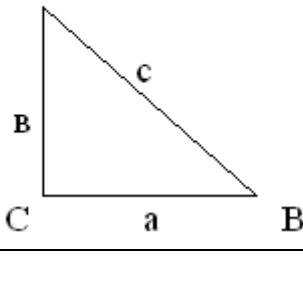
Изучение геометрии в 7-9 классах: Методические рекомендации; Кн. Для учителя / Л.С.Атанасян, В.Ф.Бутузов, Ю.А.Глазков и др. – М.: Просвещение, 1997.

Гаврилова Н.Ф. Поурочные разработки по геометрии, 8 класс – М.: «ВАКО», 2004.

Электронная поддержка урока:

Авторская презентация «Соотношения между сторонами и углами прямоугольного треугольника»

Подсказка ученикам, лучше раздать каждому

| Условие задачи | | Алгоритм решения |
|----------------|---|---|
| 1 |  | <p>Дано: $AC=b$, $BC=a$. Найти: AB, $\angle A$, $\angle B$.</p> <p>1) $AB = \sqrt{a^2 + b^2}$, 2) $\operatorname{tg} A = \frac{a}{b}$; 3) $\angle B = 90^\circ - \angle A$.</p> |
| 2 |  | <p>Дано: $AB=c$, $BC=a$. Найти: AC, $\angle A$, $\angle B$.</p> <p>1) $AC = \sqrt{c^2 - a^2}$, 2) $\sin A = \frac{a}{c}$; 3) $\angle B = 90^\circ - \angle A$.</p> |
| 3 |  | <p>Дано: $AB=c$, $\angle A = \alpha$ Найти: AC, BC, $\angle B$.</p> <p>1) $\angle B = 90^\circ - \angle A$, 2) $AC = c \cdot \cos \alpha$, 3) $BC = c \cdot \sin \alpha$.</p> |
| 4 |  | <p>Дано: $\angle A = \alpha$, $BC=a$. Найти: AC, AB, $\angle B$.</p> <p>1) $\angle B = 90^\circ - \angle A$, 2) $AB = \frac{a}{\sin \alpha}$, 3) $AC = \frac{a}{\operatorname{tg} \alpha}$.</p> |